

**Prof. Dr. Alfred Toth**

**Peircesche Semiotik mit Antifundierungsaxiomen**

$$1. ZR = (M, O, I)$$

Nun ist

$$M = M$$

$$O = (M \rightarrow O)$$

$$I = (O \rightarrow I),$$

also

$$ZR = (M, ((M \rightarrow O), (O \rightarrow I))).$$

Es ist aber auch

$$(O \rightarrow I) = ((M \rightarrow O), (O \rightarrow I)) = (M \rightarrow O \rightarrow I),$$

damit haben wir

$$ZR = (M, ((M \rightarrow O), (M \rightarrow O \rightarrow I))).$$

$$\text{Da } (M \rightarrow O \rightarrow I) = ZR,$$

gilt in Sonderheit

$$ZR = (M, ((M \rightarrow O), ZR)),$$

d.h.  $ZR \subset ZR$ .

Hieraus folgt

$$(M, O, I) \subset (M, O, I)$$

und speziell

$$M \subset (M \rightarrow O) \subset (M \rightarrow O \rightarrow I)$$

$0 \subset (M \rightarrow 0) \subset (M \rightarrow 0 \rightarrow I)$

$M \subset (M \rightarrow 0) \subset I \subset (M \rightarrow 0 \rightarrow I)$

$0 \subset (M \rightarrow 0) \subset I \subset (M \rightarrow 0 \rightarrow I)$

und wegen  $I = (M \rightarrow 0 \rightarrow I)$

$M \subset (M \rightarrow 0) \subset I$

$0 \subset (M \rightarrow 0) \subset I$

sowie wegen  $(M \rightarrow 0 \rightarrow I) = ZR$

$M \subset (M \rightarrow 0) \subset ZR$

$0 \subset (M \rightarrow 0) \subset ZR.$

und somit

$M \subset 0.$

Damit kann man getrost die Morphismen durch die Inklusionen ersetzen. Sämtliche semiotischen Abbildungen sind damit Morphismen. Ferner ist jede Kategorie der Stufe  $(n-1)$  eine Abkürzung für  $((n-1) \subset n)$ . Das ist nichts anderes als Benses Definition der Subzeichen in ihrer Janusgesichtigkeit zwischen statischen „Momenten“ und dynamischen „Semiosen“.

2. Gehen wir also wieder aus von

1.  $ZR = (M, 0, I),$

dann können wir streng rekursiv verschiedene Mirimanoff-Serien konstruieren, z.B. durch  $I \rightarrow (M, 0, I)$  (mit Numerierung der Stufen):

2.  $(M, 0, (M, 0, I))$

3.  $(M, 0, (M, 0, (M, 0, I)))$

4.  $(M, 0, (M, 0, (M, 0, (M, 0, I))))$

5.  $(M, 0, (M, 0, (M, 0, (M, 0, (M, 0, I)))))$

6. (M, O, (M, O, (M, O, (M, O, (M, O, (M, O, I))))))
7. (M, O, I))))))
8. (M, O, I))))))
9. (M, O, I))))))
10. 9. (M, O, I))))))

...

oder durch  $O \rightarrow (O, I)$  und  $I \rightarrow (M, O, I)$

2. (M, (O, I), (M, (O, I), I))
3. (M, (O, I), (M, (O, I), (M, (O, I), I)))
4. (M, (O, I), (M, (O, I), (M, (O, I), (M, (O, I), I))))
5. (M, (O, I), I))))
6. (M, (O, I), I))))
7. (M, (O, I), I))))
8. (M, (O, I), I))))
9. (M, (O, I), I))))
10. 9. (M, (O, I), I))))

...

usw. Es stellt sich die grundsätzliche Frage, ob die Notwendigkeit, die Zahl der Kategorien einer Zeichenrelation zu erhöhen durch rekursive Einbettung von Partialrelationen dieser Kategorien anstatt durch qualitativ verschiedene

Kategorien (z.B.  $I_1, I_2 \dots$  für Subjekt und Objekt) gewährleistet werden kann bzw. muss. Man bedenke ferner, dass man im infiniten Regress sowohl O als auch I, nicht jedoch M (da  $M = M$  per def.) verschwinden lassen kann.

## **Bibliographie**

Toth, Alfred, Droste-Effekt bei präsuppositiven Zeichenklassen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2011

21.2.2011