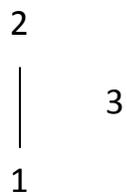


Posets für nicht-zusammenhängende Zeichenrelationen

1. Wir hatten im Zusammenhang mit der kategoriethoretischen Semiotik kürzlich (Toth 2010a, b) zwei Fälle angetroffen, wo Zeichendiagramme, d.h. Diagramme von Zeichenrelationen, nicht kommutieren. Hier werden im Anschluss an eine frühere Studie (Toth 2006, S. 78 ff.) alle möglichen Fälle für nicht-zusammenhängende Zeichenrelationen, und zwar für Simplexzerlegungen in Zeichenrumpf plus Restkategorie, aufgezeigt.

2.1. Posets für



Die hierfür 9 möglichen Fälle sind:

- (1) $1 \leq 2, 1 | 3, 2 | 3$
- (2) $1 \leq 2, 1 \leq 3, 2 | 3$
- (3) $1 \leq 2, 3 \leq 1, 2 | 3$
- (4) $1 \leq 2, 1 | 3, 2 \leq 3$
- (5) $1 \leq 2, 1 | 3, 3 \leq 2$
- (6) $1 \leq 2, 1 \leq 3, 2 \leq 3$
- (7) $1 \leq 2, 1 \leq 3, 3 \leq 2$
- (8) $1 \leq 2, 3 \leq 1, 2 \leq 3$
- (9) $1 \leq 2, 3 \leq 1$

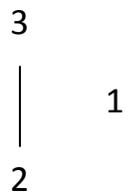
2.2. Posets für



Die hierfür 9 möglichen Fälle sind:

- (1) $1 \leq 3, 1 | 2, 3 | 2$
- (2) $1 \leq 3, 1 \leq 2, 3 | 2$
- (3) $1 \leq 3, 2 \leq 1, 3 | 2$
- (4) $1 \leq 3, 1 | 2, 3 \leq 2$
- (5) $1 \leq 3, 1 | 2, 2 \leq 3$
- (6) $1 \leq 3, 1 \leq 2, 3 \leq 2$
- (7) $1 \leq 3, 1 \leq 2, 2 \leq 3$
- (8) $1 \leq 3, 2 \leq 1, 3 \leq 2$
- (9) $1 \leq 3, 1 \leq 1$

2.3. Posets für



Die hierfür 9 möglichen Fälle sind:

- (1) $2 \leq 1, 2 | 1, 3 | 1$
- (2) $2 \leq 3, 1 \leq 1, 3 | 1$

(3) $2 \leq 3, 1 \leq 2, 3 \mid 1$

(4) $2 \leq 3, 2 \mid 1, 3 \leq 1$

(5) $2 \leq 3, 2 \mid 1, 1 \leq 3$

(6) $2 \leq 3, 2 \leq 1, 3 \leq 1$

(7) $2 \leq 3, 2 \leq 1, 1 \leq 3$

(8) $2 \leq 3, 1 \leq 2, 3 \leq 1$

(9) $2 \leq 3, 1 \leq 2$

Die Anzahl der Posets von nicht-zusammenhängenden Zeichenrelationen entspricht also genau der Anzahl von Zeichenklassen ohne die willkürliche „Wohlordnung“.

Bibliographie

Toth, Alfred, Grundlegung einer mathematischen Semiotik. Klagenfurt 2006, 2. Aufl. 2008

Toth, Alfred, Rilke-Marginalia 1 und 2. In: Electronic Journal of Mathematical Semiotics, 2010a, b

[Beste Einführung in Posets: Joseph Neggers/Hee Sik Kim, Basic Posets. Singapore 1998]

7.7.2010