Prof. Dr. Alfred Toth

Inhärente und adhärente Eigen- und Kategorienrealität

1. In Toth (2009) wurden inhärente und adhärente Zeichenklassen eingeführt. Sie entstehen aus den 2-dimensionalen Peirceschen Zeichenklassen durch Erweiterung der dyadischen zu triadischen Subzeichen, wobei das erste relationale Glied des Tripels als semiotische Dimensionszahl definiert wird. Diese Dimensionszahl kann nun entweder frei belegt werden

$\dim(a) \in \{1, 2, 3\}$

oder sie kann entweder den triadischen Hauptwert

3-SZ(1) = (a.(a.b)), a, b $\in$ {1., 2., 3.}

oder den trichotomischen Stellenwert

3-SZ(2) =((c.b).c), a, b $\in$ {1., 2., 3.}

annehmen. Nach dem Muster von 3-SZ(1) oder 3-SZ(2) gebildete 3-Zeichenklassen heissen inhärent, alle übrigen adhärent.

2. Wenn wir von der folgenden allgemeinen Struktur einer 3-Zeichenklasse ausgehen

3-Zkl = (a.3.b c.2.d e.1.f),

dann können wir die Bildung inhärenter 3-Zeichenklassen mit Hilfe der folgenden beiden semiotischen Operatoren definieren:

$\eta := \dim(a) = W(Trd)$

$\vartheta := \dim(a) = W(Trch)$.

Wir bekommen dann für die 10 Peirceschen 2-Zeichenklassen die folgenden inhärenten 3-Zeichenklassen:

$$\eta \left(\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.1 & 2 & 1.1) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array} \right) = (3.3.1\ \ 2.2.1\ \ 1.1.1)$$

$$\vartheta \left(\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.1 & 2 & 1.1) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array} \right) = (1.3.1\ \ 1.2.1\ \ 1.1.1)$$

$$\eta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.1 & 2 & 1.2) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (3.3.1\ \ 2.2.1\ \ 1.1.2)$$

$$\vartheta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.1 & 2 & 1.2) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (1.3.1\ \ 1.2.1\ \ 2.1.2)$$

$$\eta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.1 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (3.3.1\ \ 2.2.1\ \ 1.1.3)$$

$$\vartheta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.1 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (1.3.1\ \ 1.2.1\ \ 3.1.3)$$

$$\eta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.2 & 2 & 1.2) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (3.3.1\ \ 2.2.2\ \ 1.1.2)$$

$$\vartheta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.2 & 2 & 1.2) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (1.3.1\ \ 2.2.2.\ \ 2.1.2)$$

$$\eta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.2 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (3.3.1\ \ 2.2.2\ \ 1.1.3)$$

$$\vartheta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.2 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (1.3.1\ \ 2.2.2\ \ 3.1.3)$$

$$\eta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.3 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (3.3.1\ \ 2.2.3\ \ 1.1.3)$$

$$\vartheta\left\{\begin{array}{llllll} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.1 & 2 & 2.3 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{array}\right] = (1.3.1\ \ 3.2.3\ \ 3.1.3)$$

$$\eta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.2 & 2 & 2.2 & 2 & 1.2) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (3.3.2\ \ 2.2.2\ \ 1.1.2)$$

$$\vartheta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.2 & 2 & 2.2 & 2 & 1.2) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (2.3.2\ \ 2.2.2\ \ 2.1.2)$$

$$\eta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.2 & 2.2 & & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (3.3.2\ \ 2.2.2\ \ 1.1.3)$$

$$\vartheta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.2 & 2.2 & & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (2.3.2\ \ 2.2.2\ \ 3.1.3)$$

$$\eta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.2 & 2 & 2.3 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (3.3.2\ \ 2.2.3\ \ 1.1.3)$$

$$\vartheta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.2 & 2 & 2.3 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (2.3.2\ \ 3.2.3\ \ 3.1.3)$$

$$\eta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.3 & 2 & 2.3 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (3.3.3\ \ 2.2.3\ \ 1.1.3)$$

$$\vartheta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.3 & 2 & 2.3 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (3.3.3\ \ 3.2.3\ \ 3.1.3)$$

sowie für die genuine Kategorienklasse

$$\eta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.3 & 2 & 2.2 & 2 & 1.1) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (3.3.3\ \ 2.2.2\ \ 1.1.1)$$

$$\vartheta\left(\begin{matrix} (1 & & 1 & & 1 & \\ (2 & 3.3 & 2 & 2.3 & 2 & 1.3) \\ (3 & & 3 & & 3 & \end{matrix}\right) = (3.3.3\ \ 2.2.2\ \ 1.1.1)$$

3. Die Verteilung der Dimensionszahlen sieht also wie folgt aus

	η(2-Zkl)	ϑ(2-Zkl)
1	3-2-1	1-1-1
2	3-2-1	1-1-2
3	3-2-1	1-1-3
4	3-2-1	1-2-2
5	3-2-1	1-2-3
6	3-2-1	1-3-3
7	3-2-1	2-2-2
8	3-2-1	2-2-3
9	3-2-1	2-3-3
10	3-2-1	3-3-3
*	3-2-1	3-2-1

Wir erkennen also auch innerhalb der Teilmengen der inhärenten und der adhärenten 3-dimensionalen Zeichenklassen die Sonderstellung der Eigen- und der Kategorienrealität, und zwar drückt sich diese Sonderstellung durch das **Verhältnis** der durch die Operatoren η und ϑ erzeugten inhärenten 3-Zeichenklassen aus. Für die 3-dimensionale Eigenrealität gilt nämlich

$$\eta = \vartheta^{-1}$$

und für die 3-dimensionale Kategorienrealität gilt

$$\eta = \vartheta.$$

Bibliographie

Toth, Alfred, Inhärente und adhärente Dimensionszahlen bei Zeichenklassen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, www.mathematical-semiotics.com (2009)